

بررسی تناهی یا عدم تناهی عالم طبیعت از منظر فلسفه و کیهان‌شناسی جدید

* حبیب‌الله دانش‌شهرکی

** حبیب‌الله رزمی

*** ایمان با غبانی

چکیده

موضوع متناهی یا نامتناهی بودن عالم طبیعت از دیرباز علاقه همگان (اعم از دانشمندان، فیلسوفان، و حتی عموم مردم) را برانگیخته و گرچه، به خصوص در فلسفه، به تفصیل به آن پرداخته شده، اما همان‌گونه که در این مقاله خواهیم دید پرداختن به این موضوع با توجه به نگاه‌های عمیق‌تر ریاضی و هندسی که اکنون می‌شناسیم و بر اساس شناخت فیزیکی (نجومی و کیهان‌شناسی) وسیع‌تری که به شکل جدید در دسترس قرار دارد، لازم به نظر می‌رسد. در این مقاله، پس از طرح مقدماتی از عنوانین و اصطلاحات لازم و مختصراً از علم کیهان‌شناسی جدید، ادله مشهور اکثر فلاسفه را که قائل به تناهی عالم طبیعت بوده‌اند، مطرح می‌کنیم و به بررسی و نقد این دلایل می‌پردازیم. این نگرانی که به هر حال عالم طبیعت یک مخلوق ممکن‌الوجود است و نمی‌تواند نامتناهی باشد با استدلال ریاضی قابل رفع است، که اگر این عدم تناهی در یک یا چند بعد باشد مشکلی نیست؛ چرا که همواره می‌توان چنین عالمی را در عالم با ابعاد بیشتر محصور کرد. در خصوص مدل استاندارد کیهان‌شناسی و مواردی مانند انبساط عالم و «نقطه» انفجار بزرگ، که در ظاهر دال بر متناهی بودن عالم است، نیز توضیحاتی طرح شده که موضوع به این سادگی نیست و در شرایط فعلی شاهد و دلیل متفقی بر متناهی بودن کیهان نداریم و بهتر است منتظر کشفیات و اطلاعات رصدی جدیدتر باشیم. البته، با توجه به یک حالت شناخته‌شده در ریاضیات که می‌توان مجموعه بی‌کران ولی متناهی داشت، این حالت نیز برای جهان طبیعی قابل تصور است که کیهان مرز و کرانی نداشته باشد و در عین حال متناهی باشد.

کلیدواژه‌ها: عالم طبیعت، متناهی، نامتناهی، کیهان‌شناسی، انبساط عالم.

* استادیار گروه فلسفه دانشگاه قم.

** دانشیار گروه فیزیک دانشگاه قم.

*** دانش‌آموخته کارشناسی ارشد گروه فلسفه، دانشگاه قم.

۱. پیشینه موضوع

در میان فلاسفه قدیم افرادی مانند ذیمقراطیس و ارسسطو به متناهی بودن ابعاد عالم معتقد بودند. اکثر فیلسفه‌ان مسلمان مانند ابن‌سینا، سهروردی، ملاصدرا، حاج ملاهادی سبزواری و... به تبع ارسسطو و ذیمقراطیس معتقد بودند جهان هستی از نظر بُعد و اندازه متناهی است، ولی حکیمان معاصر آن دلایل را کافی نمی‌دانند و معتقدند از نظر عقلی دلیلی بر تناهی ابعاد نداریم. البته حکیمان معاصر پس از رد دلایل تناهی ابعاد، در خصوص امکان اقامه دلیل بر نامتناهی بودن عالم جسمانی اختلاف نظر دارند. برخی با توجه به غیرمتناهی بودن ذات باری تعالی و با توجه به قانون سنتیت بین علت و معلول، معتقدند عالم جسمانی از نظر بُعد باید غیرمتناهی باشد. اما عده ای دیگر از حکیمان معتقدند برای نامتناهی بودن عالم جسمانی نیز نمی‌توان دلیلی اقامه کرد. متأسفانه، اکثر بلکه تمام کارهای انجام‌شده درباره این موضوع مبتنی بر طبیعت فلسفه است که بر اساس مبانی طبیعت، ریاضیات، و هیئت قدیم است.

طبق نظر همه فلاسفه و عرفان، عالم طبیعت مرتبه نازله مقام واحدیت حق است و هر شخصی به هر اندازه که این عالم را بشناسد به همان مقدار توانسته است خود را به مرتبه علمی و عین ثابتی عالم که روح و جان این عالم است برساند. دلیل اینکه اکثر فلاسفه ابعاد عالم را متناهی می‌دانند این است که می‌گویند لازمه عدم تناهی ابعاد عالم، وجود امور مترتبه غیرمتناهیه مجتمعه در زمان واحد است. ولی گاهی میان امور غیرمتناهی، ترتیب هم هست، حال یا ترتیب حسی مثل دانه‌های زنجیر که یکی قبل از دیگری است، یا ترتیب عقلی مثل علت و معلول‌ها که یکی بر دیگری به نحوی تقدم دارد. این فلاسفه معتقدند وجود امور غیرمتناهیه مترتبه مجتمعه در زمان واحد محل است، اعم از آنکه ترتیب میان آنها ترتیب علی و معلولی باشد یا ترتیب غیرعلی و معلولی. آن وقت یکی از مواردی که امور غیرمتناهی محل است آنجاست که علل و معلولات غیرمتناهیه مجتمعه در زمان واحد داشته باشیم (حسن‌زاده آملی، ۱۳۸۰: ۵۰۴).

۲. معرفی برخی عناوین و اصطلاحات

قبل از ورود به بحث اصلی دو اصطلاح به کار رفته در این مقاله را توضیح می‌دهیم و از توضیح درباره سایر اصطلاحات خودداری می‌کنیم و خوانندگان را به فرهنگ اصطلاحات فلسفی و منابع مرتبط ریاضی و هندسی مرتبط با این بحث ارجاع می‌دهیم.

«عالَم» در این پژوهش به معنای عالم خاص است که مجموعه موجودات عالم مادی است. موجودات در این عالم، شکل، حجم و اندازه دارند (صلیبا، ۱۳۶۶: ۴۵۵). اصطلاح «بِنهايت» نیز معانی و تعابیر متفاوتی دارد. بِنهايت به یک معنا درباره ابعاد جسم است. بدین صورت که یک موجود یک بعدی در یک فضای یک بعدی، فقط می‌تواند حرکت رو به جلو و عقب داشته باشد. فضای دو بعدی همان صفحه است که شامل دو مشخصه هندسی طول و عرض است. موجود دو بعدی، برخلاف موجود یک بعدی، علاوه بر حرکت رو به جلو و عقب می‌تواند به طرف راست و چپ نیز با هر زاویه‌ای و روی هر مسیری (نه لزوماً مستقیم) حرکت کند. فضای سه بعدی (اقلیدسی) همان فضایی است که در آن زندگی می‌کنیم که شامل سه مشخصه طول، عرض و ارتفاع است، در حالی که مفهوم بالا و پایین برای یک موجود دو بعدی معنا ندارد و نمی‌تواند حرکت رو به بالا یا رو به پایین داشته باشد؛ اما یک موجود سه بعدی، ضمن حرکت رو به جلو و عقب و رو به راست و چپ، می‌تواند در جهت بالا و پایین نیز حرکت کند.

باید توجه کرد که موجود دو بعدی متوجه نقص و ناتوانی خود در حرکت رو به بالا و پایین نیست؛ زیرا اساساً حرکت رو به بالا و پایین در فضای سه بعدی به بالا معنا دارد. همچنان که برای موجود سه بعدی در فضای سه بعدی خود، تصوّر حرکت غیر از حرکت مادی و معمول معنا ندارد. موجودات دو بعدی را می‌توان با کشیدن یک دایره حول آنها، محصور و زندانی‌شان کرد. در حالی که این موجودات می‌توانند چیزهایی را از نگاه همنوعان خود کتمان کنند؛ ولی نمی‌توانند چیزی را از نگاه موجودات سه بعدی پنهان نگه دارند؛ زیرا موجودات سه بعدی به انحصار مختلف می‌توانند در عالم موجودات دو بعدی دخالت کنند. برای مثال، موجود سه بعدی می‌تواند یکی از دو بعدی‌ها را که در داخل دایره محصور و زندانی هستند، به بیرون بکشد و از عالم دو بعدی‌ها خارج کند. این کار برای همنوعان موجود دو بعدی امری خارق العاده و معجزه به نظر خواهد رسید، در حالی که برای موجود سه بعدی امری بدیهی و عادی خواهد بود. موضوع این است که این کار (خارج کردن دو بعدی‌ها به وسیله موجود سه بعدی) به چشم همنوعان دو بعدی چگونه دیده خواهد شد؟ باید گفت که این کار به صورت لحظه‌ای است و موجود خارج شده از نگاه همنوعان آن غیب می‌شود و اگر دوباره بخواهد برگردانده شود، آن هم لحظه‌ای، معجزه‌آسا خواهد بود. درست مثل باز شدن یک مکعب (سه بعدی) به حالت دو بعدی.

موضوع دیگری که باید تذکر داد این است که اگرچه موجودات دو بعدی خود را در فضای دو بعدی، در یک فضای نامحدود احساس می‌کنند، ولی از نگاه یک موجود سه بعدی فضای آنها

محاط در فضای سه بعدی است. همچنین موضوع دیگری که می توان در خصوص موجودات دو بعدی و فضای آنها مطرح کرد، بحث انجنای فضاست که مرتبط با نظریه های پیشرفته هندسه و فیزیک جدید است. فرض کنید تعدادی از موجودات دو بعدی را روی صفحه کاغذی بربیزیم و این صفحه کاغذ را انجنا و تاب دهیم (یا حتی آن را مچاله کنیم). این کار برای آنها خیلی محسوس نخواهد بود چون آنها محل بسیار کوچکی از فضای خودشان را اشغال کرده اند و فضای خود را به طور موضعی حس می کنند و مشکل است که قبول کنند عالم آنها پیچ خورده و مچاله شده است. به عبارت دیگر، فضای دو بعدی آنها از دید خود آنها همیشه اقلیدسی (تحت و صاف) است، در حالی که برای موجودات سه بعدی فضا به طور موضعی اقلیدسی ولی به طور سراسری ناقله اقلیدسی است و سه بعدی ها این موضوع را به طور بدیهی می پذیرند. در مورد موجودات سه بعدی و چهار بعدی و نحوه ارتباط آنها با هم نیز وضعیتی مانند رابطه موجودات دو بعدی و سه بعدی وجود دارد که از دید موجود دو بعدی فضا می تواند بی نهایت باشد، در حالی که این فضا برای موجود سه بعدی محدود است.

بنابراین، این عالم سه بعدی که ما در آن زندگی می کنیم می تواند بی نهایت باشد ولی همین عالم بی نهایت در مقابل عالمی با ابعاد بیشتر محدود (محاط در عوالم با تعداد ابعاد بیشتر) باشد. هدف ما در این تحقیق بحث درباره تناهی و عدم تناهی عالم مادی سه بعدی است که در آن زندگی می کنیم و کلمه «بی نهایت» هم در این مقاله به معنایی است که در بالا ذکر شد.

۳. مروری کوتاه و گزینشی بر کیهان‌شناسی جدید و برخی عنوان‌های دیگر (افق ذره و مرگ حرارتی)

در این بخش به اختصار به موضوع انبساط عالم، و بعضی عنوان‌های دیگر (افق ذره و مرگ حرارتی) می پردازیم که در ارتباط با تناهی یا عدم تناهی عالم هستند.

اقلیدس، ریاضیدان یونانی، (حدود ۳۰۰ سال قبل از میلاد)، با استفاده از سه بعد طول، عرض و ارتفاع، فضا را تعریف کرد. تعریفی که نیوتن، فیزیکدان و ریاضیدان انگلیسی، از جهان به دست داد، مطابق با نظریات اقلیدس بود. فضایی لایتناهی که با استفاده از سه بعد طول، عرض و ارتفاع تعریف می شد. اما نظریه فضای لایتناهی عاری از مشکل نیست. طبق پارادوکس البر، که از نام ستاره‌شناس آلمانی، ویلهلم البر (۱۷۵۸-۱۸۴۰) گرفته شده، اگر ستارگان به یک شکل در تمام فضای لایتناهی پراکنده شوند، در تمامی جهات ستاره‌ای وجود خواهد داشت. اگر چیزی در

مسیر ستارگان دوردست قرار نگیرید تمام آسمان درخشندگی خورشید را خواهد داشت و بنابراین شب هم برای ما کاملاً روشن است که عملاً چنین نیست. اینشتین، با مطرح کردن نظریه نسبیت عام در ۱۹۱۵ مشکل نظریه نیوتون را حل کرد. وی نشان داد که فضا و ماده موجود در آن، محدود اما نامحصور (بی کران) است. (یک جهان دو بعدی به شکل سطح یک کره را تصور کنید، این جهان محدود خواهد بود اما هیچ لبه یا حصاری نخواهد داشت).

۳. ۱. انبساط عالم و اصطلاح انفجار بزرگ

نظریه انبساط جهان با کشفی که ادوین هابل (۱۸۸۹-۱۹۵۳)، ستاره شناس آمریکایی، به عمل آورد، شکل گرفت (Hubble, 1929). این کشف هابل باعث مطرح شدن نظریه انفجار بزرگ (بیگ بنگ) شد (هاوکینگ، ۱۳۶۹). او دریافت که کهکشان ها در حال حرکت و دور شدن از هم هستند. همچنین متوجه شد که کهکشان های دورتر، سریع تر از کهکشان های نزدیک تر حرکت می کنند. در ۱۹۳۱ میلادی، ژرژ لمتر (۱۸۹۴-۱۹۶۶)، دانشمند بلژیکی، اعلام کرد که عامل این انبساط، تجزیه خود به خودی آن چیزی است که او اتم اولیه نامیده است (اتم اولیه یک ماهیت تنهاست که در برگیرنده تمام ماده و انرژی موجود در جهان است).

فرد هویل، ستاره شناس انگلیسی، حاضر به پذیرفتن نظریه انفجار بزرگ نبود. اولین بار کلمه «بیگ بنگ» را همین شخص برای به تمسخر گرفتن این نظریه در برنامه ای رادیویی به کار برد. در عوض او معتقد به یک اصل کامل ستاره شناسی بود و در ۱۹۴۸ اعلام کرد که جهان در هر زمان و مکانی که آزموده شود باید یکسان به نظر برسد. به عبارت خلاصه تر، جهان دارای حالتی پایدار است (Bondi and Gold, 1948). طبق نظر هویل، به وجود آمدن مداوم ماده در سرتاسر فضا باعث ایجاد توازن در انبساط جهان شده، حالت پایای آن را حفظ می کند (سرعت به وجود آمدن ماده که حدود یک اتم هیدروژن در یک لیتر در هر ۲۰ سال است به قدری کند است که قابل مشاهده در آزمایشگاه نیست) (Hoyle, 1948). بین نظریه های جهان پایدار و انفجار بزرگ چند تفاوت اساسی وجود دارد. مثلاً طبق نظریه حالت پایا، اندازه و چگالی کهکشان های جدید و قدیم در سراسر جهان باید یکسان باشد؛ اما طبق نظریه انفجار بزرگ، اندازه و چگالی بخش هایی از کیهان که از ما دورند، باید مطابق با میزان فاصله شان افزایش یابد.

ممکن است این طور تصور شود که اینکه گفته می‌شود کیهان در حال انساط است به این معناست که فضای کیهانی که در حال بزرگ شدن است باید در فضای دیگری قرار داشته باشد که بتواند بزرگ شود؛ مانند اینکه زمانی که ما می‌گوییم یک میله آهنی منبسط شده است این میله در فضایی قرار دارد و میله در آن فضا منبسط می‌شود. ولی در خصوص کیهان بدین صورت نیست که فضایی وجود داشته باشد که کیهان در آن در حال بزرگ شدن باشد بلکه بر اساس نظریه نسبیت عام، که پشتونه کیهان‌شناسی جدید است، فضا-زمان با ماده- انرژی ساخته می‌شود و مانند کیهان‌شناسی نیوتونی نیست که ماده- انرژی در یک پیکره ثابت و مستقل به نام فضا-زمان قرار داشته باشد. در واقع این مقیاس‌ها هستند که بزرگ‌تر می‌شوند بدون آنکه اجزای کیهان به شکل جزئی کشیده شوند و به اصلاح معمولی منبسط شوند، بلکه کل کیهان با افزایش پارامتری به نام فاکتور (عامل) مقیاس در حال انساط است.

۲.۳. افق ذره

در کیهان‌شناسی، جهان مشاهده‌پذیر شامل کهکشان‌ها و اجزای دیگری است که در دوره کنونی می‌توانیم آنها را مشاهده کنیم. دلیل مشاهده‌پذیری این اشیا این است که نور ساطع شده از آنها، از لحظه آغاز انساط کیهان تا کنون، زمان کافی برای رسیدن به ما داشته است (هوگان، ۱۳۸۰). بر اساس اصل کیهان‌شناسی (همگن و همسانگرد بودن عالم در مقیاس‌های بزرگ)، فاصله تا لبه‌های جهان مشاهده‌پذیر تقریباً در همه جهات یکی است، یعنی بدون توجه به شکل کلی جهان، جهان مشاهده‌پذیر (مانند) یک حجم کروی است که ناظر در مرکز آن قرار می‌گیرد. هر منطقه‌ای در جهان دارای جهان مشاهده‌پذیر خودش است که ممکن است با جهان مشاهده‌پذیر به مرکزیت زمین هم‌پوشانی داشته یا نداشته باشد. افق ذره (همچنین به نامهای افق کیهان‌شناسی، افق نور و افق نور کیهانی شناخته می‌شود)، بیشترین فاصله‌ای است که ذرات می‌توانسته‌اند در طول عمر جهان، آن فاصله را به سوی ناظر پیموده باشند. این فاصله مرز میان بخش مشاهده‌پذیر و مشاهده‌ناپذیر جهان را نمایش می‌دهد. از این‌رو این فاصله در زمان کنونی، اندازه جهان مشاهده‌پذیر امروزی را مشخص می‌کند. وجود، ویژگی‌ها و اهمیت یک افق کیهان‌شناسی به مدل کیهان‌شناسی مورد بحث بستگی دارد. اصطلاح «افق ذره» با «افق کیهانی» تفاوت دارد. فرق افق ذره با افق رویداد کیهانی در این است که افق ذره بزرگ‌ترین فاصله‌ای است که تا یک زمان مشخص نور ممکن است از آن به ناظر رسیده باشد، در حالی که

بررسی تابی یا عدم تابی عالم طبیعت از مطری فلسفه کیهان شناسی جدید

افق رویداد بزرگ‌ترین فاصله‌ای است که نور منتشرشده از آن در زمان حال ممکن است به ناظری در آینده برسد. واضح است که وجود افق ذره برای هر ناظر و نقطه‌ای از کیهان دال بر محدودیت ارتباط آن ناظر با دورترین نقاط اطراف اوست که این به دلیل محدود بودن حداکثر سرعت ارتباط برقرار کردن در فیزیک (یعنی سرعت نور) است، نه دال بر متناهی بودن عالم.

۳. مرگ حرارتی

یکی از مباحثی که انبساط عالم و محدود نبودن عالم را تقویت می‌کند قضیه مرگ حرارتی است که بدین صورت استقرار می‌یابد که یکی از تعابیری که با اعمال قانون دوم ترمودینامیک به کل جهان به دست می‌آید این است که جهان در آغاز پیدایش، آنتروپی مشخصی داشته است ولی مقدار آن رفته‌رفته افزایش پیدا کرده است. این افزایش آنتروپی تا جایی ادامه پیدا می‌کند که جهان به حالت تعادل ترمودینامیکی برسد و از فعالیت باز بماند و هیچ اتفاقی در آن رخ ندهد و به اصطلاح بمیرد. این فرآیند به مرگ حرارتی جهان معروف است (Thomson, 1862). توضیح مطلب بدین صورت است که هر جسم گرمی حرارت خود را به محیط سردتر می‌دهد تا هر دو به یک دمای مشخص و ثابت برسند. حال اگر ما جهان را نامتناهی و ازلی پسنداریم باید زمان کافی برای کیهان وجود داشته باشد که دمای تمام نقاط آن با هم برابر شود. از آنجایی که این تعادل گرمایی در کل عالم برقرار نشده است پس عالم نمی‌تواند بی‌نهایت باشد. پاسخ به این اشکال بدین صورت است که این استدلال در صورتی صحیح است که ما جهان را یک جهان ایستاد نظر بگیریم، در حالی که در کیهان‌شناسی جدید می‌دانیم که عالم در حال انبساط بوده و هست.

۴. تناهی عالم از منظر اکثر فلاسفه

در ادامه به بیان دلایل اکثر فلاسفه بر تناهی عالم اشاره خواهیم کرد و اشکالاتی را که به این براهین وارد می‌شود توضیح خواهیم داد و بیان خواهیم کرد که این دلایل خدشه‌پذیرند.

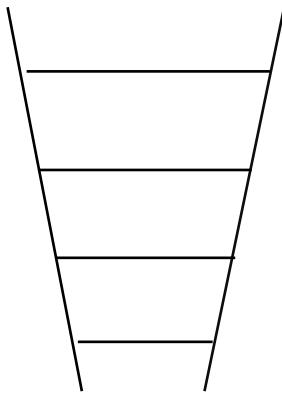
۴.۱. براهین تناهی ابعاد

کلمه «ابعاد» به صیغه جمع در عبارت «تناهی ابعاد عالم» ناظر به همه جهات عالم جسمانی است؛ یعنی مثلاً از هر نقطه زمین به خط و سیر مستقیم به جهتی رسپار شویم آن خط و سیر نفاد می‌یابد و پایان دارد که جهان طبیعت تمام می‌شود و دیگر ملئی نیست چنان‌که خلئی هم

نیست. اگر از قائلان به تناهی ابعاد پرسیده شود بُعد از نفاذ عالم جسمانی و پایان یافتن بُعد، چیست، در پاسخ می‌گویند: لا ملأ و لا خلأ. اما لاملاً برای این گفته‌اند که براهینی را که بر تناهی عالم آورده‌اند کامل دانسته‌اند و معتقد‌ند این عالم متناهی است. اما لا خلأ را به این دلیل به کار برده‌اند که خود اینان دلایلی را برای امتناع خلأ آورده‌اند، لذا می‌گویند بُعد از عالم جسمانی لا ملأ و لا خلأ است. نقل است که جماعتی از حکماء هند و شیخ ابوالبرکات بغدادی به عدم تناهی ابعاد قائل‌اند و در میان علمای جدید هم عده‌ای مانند حسن‌زاده آملی قائل به عدم تناهی عالم‌اند و اشکالاتی را بر دلایل فلاسفه در خصوص تناهی عالم وارد کرده‌اند و در نهایت از طریق بحث‌های عرفانی عدم تناهی عالم را اثبات کرده‌اند. براهین مشهوری که فلاسفه بر تناهی عالم اقامه کرده‌اند عبارت است از:

الف. برهان سُلَمٍ یا سُلْمِی

در میان براهین مذکور برای اثبات تناهی ابعاد، معمولاً به این برهان بیش از سایر براهین توجه شده و متفکران به بررسی و نقد آن پرداخته‌اند. این برهان را در متون فلسفه اسلامی، نخست ابن‌سینا، با تصحیح و تقریر جدیدی از برهانی که حکماء پیشین اقامه کرده بودند، بیان کرد. عنوان برهان سُلَمٍ یا سُلْمِی بدین جهت است که چون شکل آن — بنا بر فرضی که در برهان می‌شود — ترسیم شود، شبیه نرdban (= سُلْم) است. تقریر اولیه این برهان بدین شرح است: فرض می‌کنیم از نقطه الف، دو خط مانند دو ساق مثلث تا بینهایت امتداد یابد. معلوم است که هر قدر طول این دو ساق افزایش یابد، فاصله میان آن دو (که به منزله وتر است) افزایش می‌یابد. پس اگر افزایش طول آن دو ساق نهایتی نداشته باشد، بعد میان آن دو نیز نامتناهی خواهد بود و چون این بُعد یا وتر نامتناهی در میان آن دو خط واقع شده و به عبارت دیگر محصور و محدود میان دو حد است، اشکال حصر نامتناهی لازم می‌آید و این محال است، زیرا لازمه حصر نامتناهی این است که متناهی باشد و این تناقض است؛ چون امتداد غیرمتناهی دو ساق مستلزم چنین محالی است، در نتیجه وجود آن دو ساق نامتناهی نیز محال است (ابن‌سینا، ۱۴۰۴: ۱، مقاله سوم، فصل هشتم ص ۹۹؛ صدرالدین شیرازی، ۱۳۷۳: ۸/۲).



شکل (۱-۳)

به این برهان اشکالاتی وارد کرده‌اند:

اشکال اول

این اصل، که هر چیزی که میان دو خط باشد باید متناهی باشد، مسلم نیست. زیرا هر گاه خطی میان دو خط متناهی واقع شود مسلمًا متناهی است، اما اگر خطی میان تو ضلع نامتناهی قرار گیرد امکان آن هست که خود هم نامتناهی باشد و هیچ دلیلی ایجاد نمی‌کند که با فرض نامتناهی بودن دو ضلع مثلث وتر مفروض نامتناهی آن متناهی باشد. مشکل اینجاست که درباره بی‌نهایت با تصور محدود ذهن خود حرف می‌زنیم و استدلال می‌کنیم. برای مثال، در ریاضیات به شکل ساده معمول است که حالت حدی تابع $f(x) = 2x$ در بی‌نهایت، بی‌نهایت است اما این تابع حتی در بی‌نهایت بین دو تابع $g(x) = 3x$ و $h(x) = x$ محصور است یعنی حالت حدی f در بی‌نهایت از g بزرگ‌تر و از h کوچک‌تر است.

اشکال دوم

اشکال دیگری را بر این برهان وارد کرده‌اند، بدین صورت که ما باید به صدق غیرمتناهی اهتمام داشته باشیم؛ وقتی غیرمتناهی صادق آمد حاصر و حاصلین کدام‌اند. به مثل چنان است که دو خطی به زاویه حاده یکدیگر را تقاطع کرده‌اند و چون زاویه میان آن دو تا به صد و هشتاد درجه انفراج یابد آن دو خط یک خط می‌شوند و دیگر محیط به زاویه نیستند. بُعد بین آن دو خط مفروض هم وقتی به غیرمتناهی رسید این چنین است. باید به معنای واقعی بُعد غیرمتناهی دقت

فصلنامه علمی پژوهشی دانگاه قم: سال شانزدهم، شماره دوم، شماره پاپی ۶۲ (زستان ۱۳۹۳)

داشت. با پله‌های برهان سُلَمی ممکن نیست به جایی بررسیم و بگوییم اینجا پشت‌بام عالم جسمانی است، چه اینکه بام ندارد (ملک‌شاهی، ۱۳۶۳: ۲۰۰).

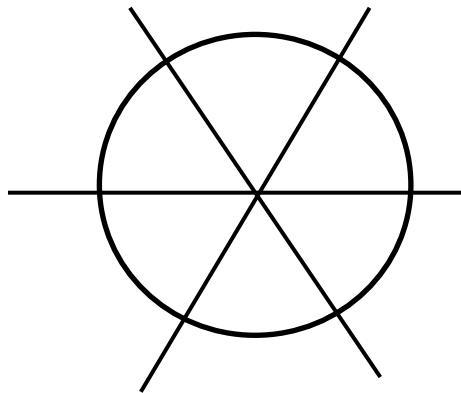
ب. برهان ترسی

برهان ترسی، از برهان سُلَمی استنباط شده است که در حقیقت ترسی همان سُلَمی است، جز اینکه در نحوه اقامه دلیل، از یکدیگر متمایزند. سُلَم به معنای نردبان است و ترس به معنای سپر است؛ به این خاطر ترسی گفته‌اند، چون به ظاهر، هیئت آسمان مانند سپری مدور و محبد می‌نماید، چنان‌که به این لحاظ که مانند آس است آسمان نامیده‌اند. برهان را چنین تقریر کرده‌اند:

جسم مستدیری مانند ترس به شش قسم متساوی تقسیم گردد و چون سه خط مستقیم که در مرکز یکدیگر را قطع کنند به نحوی اخراج و ترسیم گردند که وتر هر یک از قوس‌های شش گانه در میان هر دو نصف آن سه خط قرار گیرند شش مثلث متساوی‌الاضلاع و مساوی باهم به وقوع پیوندد و هر یک از زوایای مثلث دو ثلث قائم، یعنی شصت درجه، خواهد بود و به این تقسیم عالم جسمانی به شش قسم تقسیم می‌گردد. پس هر گاه دو ضلع هر یک از مثلث‌ها، که رأس آنها مرکز ترس باشد، به غیر نهایت اخراج گردد، انفراج و بعد بین آن دو نیز غیرمتناهی خواهد بود و حال اینکه مقدار آن بُعد و تری است که قاعده مثلث و محصور بین حاصلین، یعنی دو ضلع مثلث، است (حسن‌زاده آملی، ۱۳۸۰: ۴۹۶).

بررسی و نقد برهان ترسی

در این برهان عالم به صورت کره‌ای در نظر گرفته شده که دارای مرکزی است، در حالی که بر اساس اصول کیهان‌شناسی جدید هیچ نقطه ارجح و به اصطلاح مرکزی در عالم نداریم و طبق رصدهای مربوط به مقیاس‌های بزرگ و دوردست و در جهات مختلف نیز این موضوع تأیید می‌شود و البته این را نیز می‌دانیم که عالم در حال انسیاط است و سرعت این انسیاط روز به روز بیشتر می‌شود.



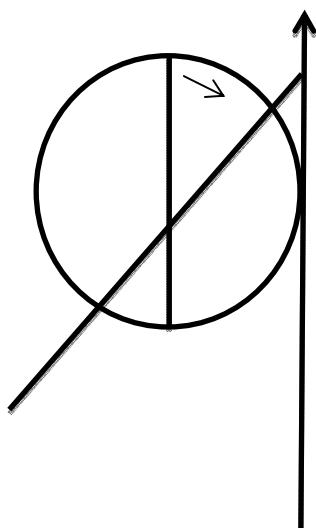
شکل (۲-۳)

ج. برهان مسامته

کره‌ای فرض می‌کنیم و یک قطر آن را در نظر می‌گیریم، این قطر، متناهی است. در صورتی که بعد نامتناهی ممکن باشد می‌توان یک خط نامتناهی به موازات قطر کره فرض کرد. در این حال دو خط موازی وجود دارد: یکی قطر کره و دیگری خط نامتناهی. اگر کره را به سمت خط نامتناهی موازی قطر کره حرکت دهیم، در این صورت خط قطربی، از موازات با آن خط نامتناهی خارج می‌شود و به سمت آن متمایل می‌گردد. این حالت را مسامته گویند. در صورتی که وجود خط نامتناهی محال نباشد، لازم می‌آید مسامته و حرکت کره محال باشد. چون تالی فاسد است، پس مقدم نیز باطل است. دلیل بطایران تالی این است که مسامته، امری حادث است. هر حادثی اول دارد. پس مسامته قطر کره با خط نامتناهی نیز باید نقطه اول داشته باشد. اگر خط مفروض، متناهی باشد، اولین نقطه مسامته در رأس آن خط است. اما در این خط نامتناهی، نقطه اول مسامته نمی‌تواند موجود باشد، زیرا هر نقطه‌ای که فرض شود بالاتر از آن نیز نقطه دیگری هست چون نامتناهی است. نمی‌توان گفت مسامته هم با نقطه تحتانی است و هم با نقطه فوقانی، چون اولین نقطه مسامته فقط یک نقطه است. همچنین نمی‌توان گفت که اولین نقطه مسامته، در نقطه تحتانی است نه در نقطه فوقانی؛ چون طفره لازم می‌آید. نیز نمی‌توان نقطه فوقانی را اولین نقطه مسامته دانست، چون فوق آن باز نقطه دیگری هست و بالاتر از آن نیز تا بی‌نهایت نقاط دیگری وجود دارد. در این صورت، هیچ نقطه‌ای در این خط نامتناهی اولین نقطه

فصلنامه علمی پژوهشی دانگاه قم: سال شانزدهم، شماره دوم، شماره پیاپی ۶۲ (زمستان ۱۳۹۳)

مسامته نیست. پس مسامته بدون اول خواهد بود و این امر، به دلیل حادث بودن مسامته، محال است؛ بنابراین فرض و نتیجه حاصل از آن، حرکت کرده محال خواهد بود، حال آنکه حرکت کرده محال نیست، بلکه واقع شده است. پس خط نامتناهی محال است (سبزواری، ۱۳۶۹: ۱۸۸/۴).



شکل (۳-۳)

اشکال

جای پرسش است که هرگاه ما دو خطی اینچنین فرض کنیم نیاز به نقطه اول مسامته وقتی است که هر دو خط متناهی باشند؛ با فرض عدم تناهی خط مفروض خود به خود نقطه اول مسامته منتفی است و این استدلال نمی‌تواند برهان بر تناهی ابعاد باشد. اشکال دیگری که بر این برهان وارد می‌شود این است که اگر اینان عالم را به صورت کره‌ای در نظر گرفته‌اند امکان ندارد خطی را خارج از این کرده فرض کنیم؛ یعنی یا از ابعاد بالاتر استفاده کرده‌ایم یا از دنیای به اصطلاح «متناهی» خارج شده‌ایم که این جای اشکال است.

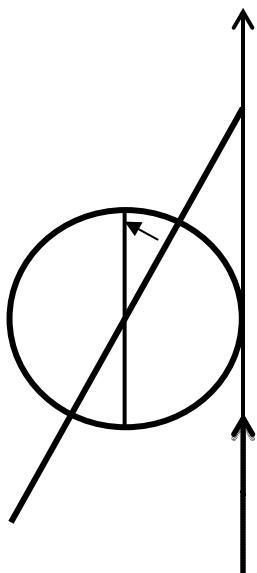
د. برهان موازات

این برهان عکس برهان مسامته است، به این صورت که خط قطري که مسامت با خط غیرمتناهی است اگر بخواهیم از مسامته به موازات درآید پس مسامته آن باید منقطع شود و نهایت داشته باشد. اگر مسامته نقطه پایانی نداشته باشد به موازات نمی‌رسد. چون نهایت مسامته،

از پیش
بینی
کنیم

موازات دو خط قطعی است. نهایت و انقطاع مسامته نیز باید نقطه‌ای در خط غیرمتناهی داشته باشد. آخرین نقطه مسامته در کجای خط غیرمتناهی است؟ هر نقطه‌ای که فرض شود. چون فرض بر این است که خط غیرمتناهی است. اگر متناهی بود آخرین نقطه مسامته نخواهیم داشت. حال چون مسامته منقطع می‌شود و نهایت دارد، پس باید آخرین نقطه مسامته داشت. به علاوه، اگر آخرین نقطه مسامته نداشته باشیم لازم می‌آید توانایی دو خط محال باشد (همو).

(۱۳۶۹: ۱۸۸/۴).



شکل (۴-۳)

اشکال

همان اشکالی که بر برهان مسامته وارد کردیم بر این برهان نیز وارد می‌شود با این تفاوت که در برهان قبل بیان شد که نیاز به نقطه اول مسامته منتفی است. زیرا زمانی نقطه اول مسامته وجود خواهد داشت که خط متناهی باشد، ولی اگر خط موازی دایره نامتناهی باشد نقطه اول مسامته هم نخواهیم داشت. طبق مطلبی که گفته شد، در برهان موازات هم نقطه آخر مسامته وقتی وجود خواهد داشت که خط متناهی باشد و به دلیل آنکه در برهان موازات ما خط را نامتناهی فرض کرده‌ایم نقطه آخر مسامته هم نخواهیم داشت.

هـ. برهان تطبیق

اصل استدلال در برهان تطبیق به صورت قیاسی استثنایی است که به این صورت تقریب می‌شود که اگر سلسه غیرمتناهی از علل و معلول‌ها، یا کمیت‌های متصل وجود داشته باشد، لازمه‌اش

اجتماع نقیضین است که امری باطل است. بنابراین، کمیت‌های متصل و سلسله علت‌ها و معلول‌ها متناهی هستند. ساده‌ترین روش تبیین این ملازمه از این قرار است که یک سلسله غیرمتناهی که یک طرف آن قطع شده است را فرض می‌کنیم و از طرفی که متناهی و قطع شده است، به تعدادی معلوم، کم می‌کنیم. حال، مقدار باقی‌مانده را با سلسله مفروض دیگری که مشابه سلسله نخست است تطبیق می‌دهیم یا آن مقدار را بر مقدار فرضی نخست انطباق می‌دهیم؛ در این حالت، سلسله ناقص به میزانی که از آن قطع شده است از سلسله کامل مشابه، کوتاه‌تر خواهد بود و گرنه مستلزم تساوی کل (سلسله پیش از تقطیع) و جزء (مقدار باقی‌مانده که جزء سلسله پیشین است) می‌شود که موجب اجماع نقیضین است.

بنابراین، این دو سلسله با یکدیگر تفاوت دارند. حال پرسش می‌شود که این تفاوت ناشی از کجاست. سه حالت دارد: یا مستند به اول است، یا وسط یا طرف دیگر. یعنی مربوط به طرف منقطع نمی‌تواند باشد؛ زیرا فرض بر این است که دو سلسله بر یکدیگر تطبیق یافته‌اند. مربوط به وسط نیز نیست، چون فرض این است که سلسله، کم‌متصل یا علت و معلول‌های بهم پیوسته‌اند و مراتب وسط آن نیز با یکدیگر مساوی بوده و بر یکدیگر مترتب است و هر جزء از هر یک از دو سلسله، مساوی جزء متناظر سلسله مقابل بوده و به ترتیب مطابق با آن است. پس فقط می‌تواند این تفاوت مستند به طرف مقابل باشد و سلسله ناقص در طرف مقابل قبل از سلسله دیگر قطع می‌شود. پس سلسله ناقص، محدود و متناهی است و سلسله کامل نیز محدود و متناهی است؛ زیرا این سلسله به مقدار محدود و معلومی بر سلسله ناقص افزون است و هر گاه به مقدار محدود و متناهی بر مقدار محدود و متناهی افزوده شود، مقدار حاصل نیز محدود می‌شود. نتیجه این می‌شود که در فرض نامحدود بودن دو سلسله فرقی، محدودیت آن دو سلسله لازم می‌آید و اجماع نامحدود بودن و محدود بودن چیزی جز اجماع نقیضین نیست. بنابراین، فرض عدم تناهی سلسله علل و معلول‌ها و ابعاد نامحدود بهم پیوسته نیز باطل است (حسن‌زاده آملی، ۱۳۸۰: ۵۰۲).

اشکال

در این مورد می‌توان این سؤال را مطرح کرد و گفت که زیادت و نقصان و تساوی از اوصاف کمیت و چندی محدود متناهی است و شما فرض دو خط متناهی از یک طرف حق ندارید درباره

کمیت نامتناهی پرسش نمی‌آید که کدام یک از دو خط زائد و کدام ناقص است تا از این پرسش نتیجه بگیرید که ابعاد نامتناهی محال است (ملک‌شاهی، ۱۳۶۳: ۶۵).

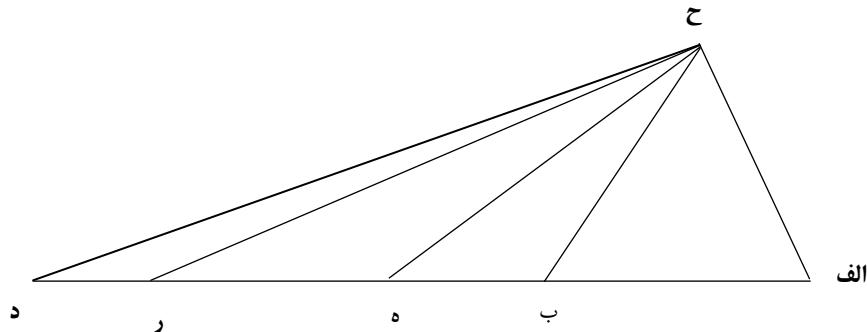
میرداماد نیز برهان تطبیق را تام ندانسته، آن را نوعی «تدلیس مغالطی» خوانده است ولی شاگرد وی ملاصدرا در اسفرار، کلمات خواجه نصیر و تفتازانی را نقل کرده است و از این برهان دفاع کرده و ایرادهای آن را دفع کرده است.

اشکال دیگری که بر این برهان وارد می‌شود این است که ما می‌توانیم یک امر نامتناهی داشته باشیم که در مقابل یک امر نامتناهی دیگر صفر باشد؛ مثلاً اگر x به سمت بی‌نهایت میل کند، $2x$ هم به سمت بی‌نهایت میل کند اما x نسبت به $2x$ صفر محسوب می‌شود. همچنین، در علم حساب جدید، این مطلب کاملاً شناخته شده است که اگر x به سمت بی‌نهایت میل کند، $a - x$ (ا مقدار محدود دارد) با x برابر است و تفاوتی ندارد (حالت حدی).

و. برهان سید سمرقندی

برهانی که شیخ بهایی از سید سمرقندی در کشکول نقل کرده به این صورت بیان شده است:

از نقطه الف خط غیرمتناهی الف د را رسم می‌کنیم. خط الف ب را مشخص نموده و مثلث متساوی‌الاضلاع الف ح ب را رسم می‌کنیم. سپس بین نقطه ح و نقاط غیرمتناهی مفروض در روی خط الف د، خطوطی را رسم می‌کنیم به گونه‌ای که هر یک از آن خطوط، وتر یک زاویه منفرجه خواهد بود که آن منفرجه زاویه‌های «ح ب»، «ح د»، «ح ر د» و ... خواهد بود. خط «ح ر» بزرگ‌تر از «ب ر» و خط «ح د» بزرگ‌تر از «ب د» خواهد بود. زیرا وتر منفرجه بزرگ‌تر از وتر حاده است. حال اگر خط «ب د» تا بی‌نهایت ادامه داشته باشد انفراج [وتر] بین خط «ح د» و خط غیرمتناهی [د و ...] طولانی‌تر از غیرمتناهی [ب تا بی‌نهایت یا د تا بی‌نهایت] خواهد بود در حالی که آن [انفراج] که به نظر همان وتر است] محصور بین حاصلین [ح د و د با نقطه‌های مفروض] است [و این محل است. زیرا بی‌نهایت در متن‌های محصور نمی‌شود] (شیخ بهایی، ۱۴۰۳: ۲۶۹).



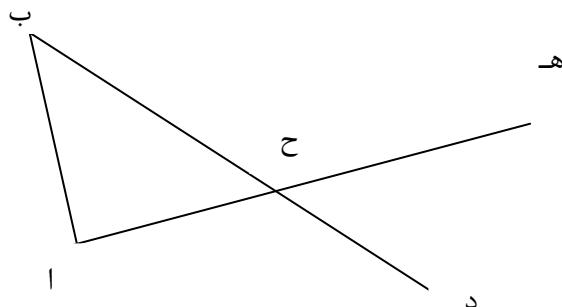
شکل (۵-۳)

اشکال

اشکالی که بر این برهان وارد است این است که: قیاس غیرمتناهی با متناهی است و به عبارت دیگر، انسحاب حکم متناهی بر غیرمتناهی است، چه در صورت صدق بعد غیرمتناهی نه اطول و اقصر صادق است و نه محصور بین حاصلین؛ و به همین بیان زیاده و نقصان در غیرمتناهی صادق نیست تا برهان تطبیق عالم جسم و جسمانی را متناهی کند و انسان را به پشت بام فلک اطلس برساند که بعد از آن لا خلاً و لا ملأ، هر چند از جانب دیگر متناهی یک خط یا یک خط از دو خط، مقداری تقطیع گردد و تطبیق موهم فرض شود چه زیادت و نقصان از اوصاف کم متناهی اند.

ز. برهان لام الفی

برهان دیگر بر تناهی عالم برهان لام الفی است که از شیخ بهایی است و در اوایل دفتر سوم کشکول ذکر کرده است. وجه تسمیه آن به لام الفی این است که شکل مفروض به صورت لام الف لا است.



شکل (۳-۶) دا

برهان این گونه است که: اگر نامتناهی بودن ابعاد ممکن نباشد (برهان خلف) در این حال فرض می‌کنیم مثلث «ا بـ حـ» قائم‌الزاویه است (یعنی «ا» قائم است) و دو ضلع «اـ حـ» و «بـ حـ» هم‌دیگر را قطع می‌کنند بر روی حرف «حـ» و تا بی‌نهایت در دو جهت «دـ» و «هـ» پیش می‌روند. حال خط (دـ بـ) را به سمت خط (هـ اـ) حرکت می‌دهیم به صورتی که زاویه (بـ) بزرگ‌تر شود، زاویه (بـ) به خاطر حرکت خط (دـ بـ) باید از حالت حاده خارج شود و این غیرممکن است. چون زاویه (بـ) به دلیل اینکه مثلث ما قائم‌الزاویه است باید به صورت حاده باشد. پس از این مطلب حاصل می‌شود که امکان ندارد دو خط ما تا بی‌نهایت امتداد داشته باشد (حسن‌زاده آملی، ۱۳۸۰: ۵۰۰).

اشکال

حسن‌زاده آملی بعد از بیان این برهان، درباره آن چنین می‌گوید:

این برهان ناتمام است زیرا امتداد غیرمتناهی هر یک از - ح - د - و - ب - ه - که امتداد همان دو خط - ا - ه - و - ب - د است چه لزومی دارد که بعد این آن دو غیرمتناهی باشد و دو زاویه - ح - متقابل به رأس هر یک حاده و مقدار متصل است و قابل انقسام غیرمتناهی بالقوه است و در عین حال از اصل مقدار خود تجاوز نکند، یعنی هر چند درجه باشد در همان حد قابل انقسام غیرمتناهی بالقوه است؛ و زاویه - ب - در صورت تساوی دو ساق مثلث مساوی با - ح - است به شکل مأمونی که پنجم اولی اصول است؛ و در صورت عدم تساوی باز حکم زاویه ب و زاویه ح در امر مذکور یکی است (همان: ۵۰۶).

ح. برهان عرشی

اما برهانی که سهورودی در تلویحات اقامه کرده و آن را برهان عرشی خوانده است این است که اگر ابعاد غیرمتناهی باشد حتماً حیثیات آن نیز غیرمتناهی است و همچنین نقاط آن نیز غیرمتناهی است و هر حیثیت نامتناهی بین آن حیثیت و هر کدام از حیثیات دیگرش یا متناهی است یا نامتناهی. حال اگر بین هر حیثیت را متناهی فرض کنیم هر کدام از آنها با دیگری فرق نمی‌کند. نتیجه آن است که بین حیثیت، دو عدد متفاوت حاصل نمی‌شود، در حیثیاتی که بر یکدیگر استغراق پیدا می‌کند، چون نهایت داشتن معده است، فرقی نمی‌کند حیثیات از یکدیگر دور باشند یا نزدیک به هم باشند چون مشتمل بر اجزای متناهی است یا آنچه بین آنهاست نامتناهی است. در هر صورت بین آنها متناهی است پس محل آنها یعنی تمام حیثیات متناهی است و اگر بین دو حیثیت نامتناهی باشد باز هم بین دو طرف محصورشده تناهی وجود دارد که این محال است (سهورودی، ۱۳۷۵: ۱/۵۹).

ط. دیدگاه ملاصدرا درباره تناهی عالم

ملاصدرا در کتاب‌های خود به بحث تناهی و عدم تناهی عالم آن چنان نپرداخته است و از کل این دلایلی که بیان کردیم فقط به چند دلیل بر تناهی عالم اکتفا کرده است و همه آن دلایل را بررسی نکرده است. چون وی چندان در مباحث طبیعتیات فلسفه وارد نشده و به آنها نپرداخته است و برخلاف این‌سینا و فلاسفه قبل از خود بیشتر به مباحث ماوراء‌الطبیعه پرداخته است. به همین دلیل نظر خاصی درباره بحث تناهی و عدم تناهی عالم در کتاب‌های اسفار و شرح هدایه ائمیه بیان نکرده است و در این موضوع بیشتر، از فلاسفه قبل از خود که قائل به تناهی عالم بوده‌اند پیروی کرده است.

اما چون ملاصدرا قائل به بحث اصالت وجود است و وجود را یک حقیقت مشکک می‌داند می‌توان یک دلیل عقلی بر اینکه عالم طبیعت محصور عالم بالاتر از خود است اقامه کنیم و آن این است که چون بعد امری وجودی است و وجود هم حقیقت بسیطی است که ذومراتب است پس ابعاد عالم جسمانی محصور در ابعاد عالم بالاتر از خود است. می‌توان این مطلب را بیان کرد که هر مرتبه بالاتری نسبت به مرتبه پایین‌تر از خود تمام کمالات مرتبه پایین را به اضافه بیشتر از آن دارد.

۵. بررسی و نقد ادله تناهی عالم بر اساس مباحث جدید علمی(کیهان‌شناسی و ریاضیات جدید)

مسئله تناهی و عدم تناهی عالم از جمله موضوعاتی است که ذهن فلسفه و کیهان‌شناسان را به خود مشغول کرده و به بررسی این مسئله واداشته است. با اینکه دلایلی از اکثر فلسفه را در فصول قبل برای تناهی عالم آورده‌یم ولی این دلایل چندان قابل دفاع نیست و البته فلسفه بعدی اشکالاتی را بر این دلایل وارد کرده‌اند. گرچه اشکالات تاکنون شناخته‌شده و بر اساس ریاضیات و هیئت قدیم بر ادله تناهی عالم را در بخش‌های قبل بیان کردیم، در این بخش به طور خلاصه به بررسی و نقد تفکر تناهی عالم و برخی ادله فوق‌الذکر بر اساس مباحث جدید علمی(کیهان‌شناسی و ریاضیات جدید) می‌پردازیم:

۵. ۱. (نا)متناهی بودن عالم در کیهان‌شناسی جدید

کشفیات رصدی کیهان‌شناسان نشان‌دهنده این است که عالم طبیعت در حال انبساط است. این مطلب که از کشفیات هابل است، در یک معادله ساده خلاصه می‌شود که در این معادله v سرعت ظاهری یک کهکشان از ناظر با فاصله d است. ضریب تناسب بین v و d پارامتر هابل (در زمان فعل ثابت هابل) است که با نماد H نشان داده می‌شود و قانون هابل به صورت $v=Hd$ نوشته می‌شود. معنای ساده قانون هابل این است که کهکشان‌هایی که دو برابر از دید ناظر دورتر هستند دو برابر سرعت دور شدن‌شان از ناظر بیشتر است و کهکشان‌هایی که سه برابر دورتر هستند با سرعتی سه برابر دور می‌شوند. اینکه دیده می‌شود کهکشان‌ها از ما دور می‌شوند این‌گونه به ذهن می‌آورد که ما در مرکز انبساط قرار داریم. شاید این اشکال به ذهن بیاید که ما در جایگاه خاصی قرار داریم اما این‌گونه نیست بلکه هر ناظری در هر کجای این عالم قرار بگیرد همه چیز از او دور می‌شود، در واقع تا جایی که به انبساط مربوط می‌شود همه نقاط عالم مربوط به هم هستند. طبق محاسباتی که تا کنون انجام‌شده چگالی عالم به گونه‌ای است که این انبساط همیشه ادامه خواهد داشت و افزایش انبساط به معنای بزرگ شدن عالم است. حال اگر این عالم متناهی و محدود می‌بود این انبساط نمی‌توانست همیشه ادامه داشته باشد. شاید عده‌ای تناهی عالم را به این دلیل پذیرفته‌اند که اگر ما عالم را نامتناهی در نظر بگیریم این نامتناهی را چگونه با نامتناهی بودن خدا توجیه می‌توان کرد. طبق توضیحاتی که قبلاً داده شد، عالم یک‌بعدی بی‌نهایت در مقابل عالم دو‌بعدی بی‌نهایت محدود محسوب می‌شود و همچنین عالم

فصلنامه علمی پژوهشی دانگاه قم: سال شانزدهم، شماره دوم، شماره پاپی ۶۲ (زمستان ۱۳۹۳)

دو بعدی بینهایت نسبت به عالم سه بعدی که هر بعد آن تا بینهایت امتداد داشته باشد باز عالمی محدود به حساب می آید. پس تناهی یا عدم تناهی عالم را باید با ابعاد آن سنجید نه با بینهایت بودن هر یک از ابعاد آن. حتی در یک بعد هم ما می توانیم یک خط بینهایت داشته باشیم، مانند خط با معادله $x=y$ که در مقایسه با خط معادله $x=2y$ «کوچکتر» و «محصور» در آن است. یکی از موارد دیگری که در برآهین فلسفه قابل نقد است این است که دلایل هندسی ای که آنها بر تناهی عالم بیان کرده‌اند در قالب هندسه اقلیدسی است در حالی که اطلاعات جدید فیزیکی دال بر این است که عالمی که ما در آن زندگی می کنیم مبتنی بر هندسه غیراقلیدسی است.

۵. ۲. بررسی و نقد برهان سُلمی

در برهان سُلمی، که فلاسفه بر تناهی عالم اقامه کرده‌اند و این گونه شرح داده‌اند که اگر از نقطه واحد دو امتداد مانند دو ساق مثلث خارج شود و تا بینهایت برود برای هر شخصی مشخص است که فاصله بین این دو ساق هم در حال زیادشدن است، اگر امتداد این دو ساق بینهایت باشد فاصله بین آنها هم باید بینهایت باشد، در حالی که خطی که بین این دو ساق قرار دارد محصور بین حاصلین است و این نیز محال است که یک خط نامتناهی بین دو خط قرار گیرد. مطلب اول اینکه هیچ دلیلی وجود ندارد که اگر خطی بین این دو ساق قرار بگیرد آن ساق‌ها متناهی باشند (ابن‌سینا، ۱۴۰۴: ۱، مقاله سوم، فصل هشتم ص ۹۹؛ صدرالدین شیرازی، ۱۳۷۳: ۸/۲). مثال‌های متعددی وجود دارد که این استدلال را خدشه‌دار می‌کند. مشکل اینجاست که درباره بینهایت با تصور محدود ذهن خود حرف می‌زنیم و استدلال می‌کنیم. برای مثال در ریاضیات به شکل ساده معمول است که حالت حدی تابع $f(x)=2x$ در بینهایت، بینهایت است اما این تابع حتی در بینهایت بین دو تابع $g(x)=3x$ و $h(x)=x$ محصور است؛ یعنی حالت حدی f در بینهایت از g بزرگ‌تر و از h کوچک‌تر است.

۵. ۳. بررسی و نقد برهان ترسی

برهان ترسی برهان دیگری بود که فلاسفه بر تناهی عالم آورده‌اند که این برهان اقتباس شده از برهان سُلمی بود و همان اشکالاتی که بر برهان سُلمی وارد کردیم بر برهان ترسی وارد می‌شود، به اضافه آنکه در این برهان عالم به صورت کره‌ای در نظر گرفته شده که دارای مرکزی است،

در حالی که بر اساس اصول کیهان‌شناسی جدید هیچ نقطه ارجح و به اصطلاح مرکزی در عالم نداریم و طبق رصدہای مربوط به مقیاس‌های بزرگ و دوردست و در جهات مختلف نیز این موضوع تأیید می‌شود و البته این را نیز می‌دانیم که عالم در حال انبساط است و سرعت این انبساط روزبه روز بیشتر می‌شود.

۴. بررسی و نقد برهان مسامته و موازات

برهان مسامته، موازات و برهان تخلیص، که عکس برهان مسامته است، سه برهان دیگری است که در تناهی عالم ذکر شده است. دلیل اینکه این سه برهان را با هم ذکر می‌کنیم این است که این سه برهان تفاوت چندانی با هم ندارند و در اصل می‌توان یک برهان در نظر گرفت. تقریر این برهان به این صورت است که کره‌ای را فرض می‌کنیم که دارای قطر متناهی است اگر ما بعد غیرمتناهی داشته باشیم می‌توانیم فرض کنیم یک خط متناهی بر سطح کره یا کنار آن به موازات قطر کره وجود داشته باشد. پس ما دو خط موازی داریم که یکی همان قطر دایره است و دیگری خط غیرمتناهی که بر سطح کره یا کنار آن فرض کردہ‌ایم. اکنون اگر کره را به سمت خط غیرمتناهی حرکت دهیم خط قطری کره به سمت خط غیرمتناهی بر سطح کره یا کنار آن متمایل می‌شود که اگر ما خط قطری کره را ادامه دهیم به خاطر حرکت کره باید نقطه‌ای برای تلاقی این دو خط وجود داشته باشد و چون خط موازی کره غیرمتناهی است نمی‌توانیم نقطه برخورد این دو را داشته باشیم؛ چون هر نقطه‌ای که به عنوان محل برخورد آن در نظر بگیریم باید نقطه برخورد بالاتر از آن وجود داشته باشد، چون خط فرضی ما نامتناهی است. حال اشکالی که بر این برهان وارد می‌شود این است که اگر اینان عالم را به صورت کره‌ای در نظر گرفته‌اند امکان ندارد خطی را خارج از این کره فرض کنیم؛ یعنی یا از ابعاد بالاتر استفاده کرده‌ایم یا از دنیای به اصطلاح «متناهی» خارج شده‌ایم که این جای اشکال است.

۵. بررسی و نقد برهان تطبیق

برهان تطبیق را فلاسفه در ضمن ابطال براهین غیرمتناهی بودن عالم، ذکر کرده‌اند. بیان مختصر این برهان این است که اگر یک خط غیرمتناهی را فرض کنیم که از یک طرف غیرمتناهی است و از طرف دیگر متناهی و در دست ما؛ اگر از آن طرفی که در دست ماست یک متر جدا کنیم و بعد از جدا کردن این یک متر خط فرضی قبلی را با خطی که یک متر از آن جدا

کرده‌ایم مقایسه کنیم لازم می‌آید آن خطی که یک متر از آن جدا کرده‌ایم با خط اولیه آن برابر و مساوی باشد و تساوی جزء و کل به بداهت عقلی باطل است و اگر بگوییم خط جزء به مقدار یک متر کمتر از خط کل است پس خط کل یک متر اضافه بر خط جزء دارد و چون خط کل به مقدار یک متر زائد بر خط جزئی است باید خط کل نیز بنا به قاعده «الزائد علی المتناهی به قدر المتناهی متناهی» باشد (حسن‌زاده آملی، ۱۳۸۰: ۵۰۲). بر این برهان هم اشکالاتی وارد می‌شود، از جمله اینکه ما می‌توانیم یک امر نامتناهی داشته باشیم که در مقابل امر نامتناهی دیگری صفر باشد؛ مثلاً اگر x به سمت بی‌نهایت میل کند، $2x$ هم به سمت بی‌نهایت میل کند اما x نسبت به $2x$ صفر محسوب می‌شود. همچنین، در علم حساب جدید، این مطلب کاملاً شناخته شده است که اگر x به سمت بی‌نهایت میل کند، $a - x$ (مقدار محدود دارد) با x برابر است و تفاوتی ندارد (حالت حدی).

۵. بررسی و نقد برهان سید سمرقندی

همان اشکالاتی که به برهان سُلْمی وارد کردیم به این برهان هم وارد می‌شود. چون تفاوت برهان سُلْمی و سمرقندی در نوع بیان برهان است و برهان سمرقندی هم قابل دفاع نیست و اشکالاتی در اقامه برهان دارد.

۶. دلیل «اساسی» مخالفان نامتناهی بودن عالم

از قائلان به تناهی ابعاد باید پرسید که چه چیزی موجب شده است آنها قائل به متناهی بودن عالم شوند؛ اگر از جهت شکل داشتن اجسام است، که تا جسم متناهی نشود شکل نمی‌یابد. این سخن حق است که تا جسم متناهی نشود شکل نمی‌یابد، ولی این بحث در اجسام عنصری و اجرام فلکی، که هر یک جزئی از اجزای عالم جسمانی هستند، جاری است که یکیک آنها از ارض و قمر و شمس و امثال اینها متناهی و شکل دار هستند، اما این مطلب چه ربطی به تناهی مجموعه عالم جسم و جسمانی دارد که عالم طبیعت را پایان است. چون بیان مطلب در این است که آیا مجموع عالم جسمانی متناهی است یا غیرمتناهی، ولی یکی از سخنان فلاسفه این است که چون برای تحقیق جسم باید ابعاد آن جسم متناهی باشد تا جسم محقق شود پس عالم متناهی است. چون عالم هم جسمانی است. این مطلب فلسفی که جسم تا متناهی نشود شکل نمی‌یابد مطلب صحیحی است اما در اینجا سخن درباره اجزای تشکیل دهنده عالم نیست. چون

اجزای عالم از جمله کهکشان‌ها باید دارای جسم متناهی باشند تا دارای شکل شوند، ولی مجموع کل آنها نیازی به شکل دار بودن ندارد.

و اگر تناهی ابعاد را برای اثبات محدودالجهات خواهند باز مطالب آنها بر متناهی بودن عالم قابل خدشه است. چون محدودالجهات در نظر فلاسفه یعنی جسمی که تعیین‌کننده جهات است و خود آن جسم جهتساز است و جهت ساختن آن بدین نحو است که خود بالای مطلق است و مرکز وی پایین مطلق و آنچه را که خفیف است به سوی خود می‌کشاند که با او مسانخ است، چنان که مثلاً دود را به سوی خود می‌کشند و ثقلی را، مثلاً سنگ را، که با او مسانخ نیست، به مرکزش پرت می‌کند که پایین مطلق است و جهت طبیعی همین دو است که یکی بالای مطلق است و دیگری پایین مطلق. محدودالجهات را فلک‌الأفلاک و جسم کل و معدل‌النهار و فلك اطلس و فلك نهم نیز می‌گویند و حرکت اولی را از او می‌دانند که حرکت آن از مشرق به غرب است؛ اما آنچه در اثبات این مطلب گفته‌اند فلك اطلس محدودالجهات است. در تناهی بُعد می‌گویند که عالم جسمانی منتهی به جسم کل می‌شود که به تعییری به منزله بام خانه عالم جسمانی است. قوه جاذبه کرات که زمین نیز از آنهاست ناسخ عقیدت به محدودالجهات است (حسن‌زاده آملی، ۱۳۸۰: ۵۰۸).

علاوه بر این، مبدأ عالم، وجودی بی‌حد و پایان است و به شکل متعارف هم باید ساختیت بین علت و معلول محقق باشد. علت تعالی‌شأنه خودش این حقیقت را به بهترین صورت ادا فرمود که «قل كل يعمل على شاكلته» و خود از این کل مستثنی نیست؛ چه هر اثر نمودار دارایی مؤثر خود است. بنابراین، کلمات وجودی را نهایت نبود و این عالم که اثر و فعل مبدأ غیرمتناهی است بر شاكلت و مثال علت خود بی‌حد و بی‌پایان است (همان: ۵۰۹).

قُلْ لَوْ كَانَ الْبَحْرُ مِدَادًا لِكَلِمَاتِ رَبِّي لَنَفَدَ الْبَحْرُ قَبْلَ أَنْ تَنَفَّدَ كَلِمَاتُ رَبِّي وَ لَوْ جِئْنَا بِمِثْلِهِ مَدَدًا (کهف: ۱۱۰).

وَ لَوْ أَنَّ مَا فِي الْأَرْضِ مِنْ شَجَرَةٍ أَفْلَامٌ وَ الْبَحْرُ يُمْدَدُ مِنْ بَعْدِهِ سَبْعَةُ أَبْحُرٍ مَا نَفَدَتْ كَلِمَاتُ اللَّهِ إِنَّ اللَّهَ عَزِيزٌ حَكِيمٌ (لقمان: ۲۸).

وانگهی چنان که شیخ در ثانی سابعه الاهیات شفاء از افلاطون نقل کرده است که انحصار بعد فی حد محدود و شکل مقدر لیس إلا الانفعال عرض له من خارج لا لنفس طبیعته، زیرا که شیء نقاد خود را اقتضا نماید پس بعد به حسب ذات و خلقت خود و محدودیت و تناهی نپذیرد بلکه از جهت عرض و امر خارج است یعنی از بابت قوه که خارج از طبیعت اوست و حال

فصلنامه علمی پژوهشی دانگاه قم: سال شانزدهم، شماره دوم، شماره پیاپی ۶۲ (زمستان ۱۳۹۳)

اینکه در اینجا فاعل و مؤثر نفادی نیست که قوه وی بپذیرد و حال اینکه بعد او بعد مجرد است و منفرد از ماده است و بدین حقیقت در فصل سیزدهم نمط اول اشارات و شرح خواجه بر آن تصریح شده است و جمعی از محققین، از جمله محقق طوسی و صاحب اسفار، در مکان بُعد مجرد گویند و این امر بسیط مجرد موجود اگر متنه شده و نفاد پذیرد مرکب از وجودان خود و فقدان ماورای خود نخواهد بود و با قطع نظر از این مسائل براهین تناهی ابعاد فی نفسها ناتمام‌اند.

شاید عده‌ای این‌گونه بگویند که کلمات وجودیه و آثار و افعال الاهی منحصر به عالم شهادت مطلقه نیست که اگر عالم جسمانی را متناهی دانسته‌ایم فعل حق سبحانه را محدود کرده‌ایم و از مشاکلت بین علت و معلول و حکم محکم «کل عمل علی شاکلته» دست کشیده‌ایم، چه عوالم ارواح و عقول طولیه و عرضیه و جنود ملائکه الله که ورای عالم جسم و فوق آن‌اند وجود دارند، همان‌طور که خداوند سبحان فرمود: و لا یعلم جنود ربک إلا هو.

در جواب گوییم اصل این کلام حق و محقق است و لکن باید در کثرت و تمایز انوار نوریه و تعدد ملائکه الله تعالی و جنود الاهی تدبیر کرد که بدون مظاهر و مجالی چگونه کثرت دارند تا منتهی شود به این حقیقت که «هو الأول والآخر والظاهر والباطن» و او صمد حق غیرمتناهی است و کلمات او، که اطوار و شئون اسمائی او هستند، غیرمتناهی است و از اینجا انتقال یابی که کلمات عالم جسمانی نیز غیرمتناهی است و تناهی ابعاد به تباہی است (حسن‌زاده آملی، ۱۳۸۰: ۵۰۲).

۷. نکته پایانی

با توجه به اینکه در ریاضیات جدید و هندسه‌های با ابعاد بالاتر برای هر بی‌نهایت یک بی‌نهایت بزرگ‌تر وجود دارد، فقط در یک صورت عالم طبیعت به عنوان یک مخلوق ممکن‌الوجود نمی‌تواند غیرمتناهی باشد که:

- اولاً، تعداد ابعاد آن بی‌نهایت باشد.
- ثانیاً، در هر بُعد تا بی‌نهایت گسترش داشته باشد.
- ثالثاً، تعداد ابعاد آن به صورت پیوسته بی‌نهایت باشد.

بررسی تابی یا عدم تابی عالم طبیعت از مطری فرض و کیهان شناسی جدید

در این صورت است که می‌توان به بی‌نهایت بودن عالم اشکال وارد کرد. باید توجه داشت که عالم فعلی که در فیزیک و کیهان‌شناسی جدید به شکل استاندارد مطرح است عالمی چهاربعدی (با لحاظ کردن بُعد زمان) است و در مدل‌های فراتر از مدل استاندارد ابعاد عالم با تعداد مثلاً یازده یا ... (ولی به هر حال با تعداد محدود و گسسته) مطرح است که این موضوع با در نظر گرفتن اینکه اگر عالم طبیعت با تعداد ابعاد محدود و در هر بُعد بی‌نهایت یا دارای بی‌نهایت ابعاد نامتناهی گسسته باشد قابل تصور و قابل قبول است و مشکلی با محاط بودن در عوالم بزرگتر (حتی عوالم ماوراء طبیعت) ندارد.

در اینجا لازم است توضیح داده شود که اگر ما شروع شکل‌گیری عالم طبیعت از نقطه تکینه به اصطلاح «انفجار بزرگ» را پژوهیریم به نظر واضح می‌آید که اندازه جهان باید محدود باشد. زیرا زمان محدودی از انفجار بزرگ (سن فعلی عالم حدود $\frac{13}{8}$ میلیارد سال است) گذشته است؛ و به علت اینکه این انفجار در زمان محدودی به وقوع پیوسته است باید اندازه عالم متناهی باشد و گرچه انساط عالم ادامه دارد اما چون این انساط از محدوده زمانی مشخصی شروع شده است باز عالم محدود خواهد بود. اما در این مورد توضیحات ذیل لازم است:

۱. در مورد مدل استاندارد کیهان‌شناسی (مدل انفجار بزرگ)، موضوع انساط عالم از محدود موضوعاتی است که در مقایسه با موارد دیگر (مانند نقطه انفجار بزرگ) با اطمینان بیشتری می‌توان درباره آن صحبت کرد که در ارتباط با این مطلب قبل از توضیح داده شده است که این انساط به این معنا نیست که شیئی در شیء دیگر (فضای بزرگ‌تر) منبسط می‌شود و ضمن کوچک‌تر بودن عالم در هر لحظه نسبت به لحظات بعدی که منبسط شده است با توضیح ریاضی جا گرفتن یک بی‌نهایت در یک بی‌نهایت بزرگ‌تر قابل توجیه است.

۲. برای مدل انفجار بزرگ مدل‌های رقیب و به اصطلاح جایگزینی مانند مدل جهان پایا وجود دارد که مدلی از لی و با گستردگی بی‌نهایت است و البته انساط عالم هم در این مدل مد نظر قرار می‌گیرد.

۳. در بعضی از کارهای پژوهشی فرامدل انفجار بزرگ صحبت از لحظات قبل از انفجار بزرگ است! یا تصور اینکه نقطه بیگ‌بنگ یک افت و خیز کواتسومی در پیکره خلاً بوده (مانند اینکه از به اصطلاح «هیچ» شبیه $-5 + 5 = 0$ که ۵ نقش قسمت جنبشی و مثبت انرژی عالم و ۵- نقش پتانسیل منفی آن را دارد به وجود آمده است) که این خود بیانگر این نکته است که پیکره خلاً فیزیکی قبل از بیگ‌بنگ هم بوده و

می‌تواند گستردگی بی‌نهایت داشته باشد کما اینکه در برخی مدل‌ها بارها (به شکل نوسانی) بیگ‌بنگ‌های قبلی و بعدی رخ داده است.

۴. اگر جهان در وضعیتی با انحنای مثبت (از نظر مبحث هندسی) مانند روی سطح کره دوئعدی باشد آنگاه می‌توان صحبت از جهانی متناهی اما بیکران کرد؛ البته، اطلاعات فعلی کیهان‌شناسی دال بر این است که عالم هم در وضعیت فعلی و هم در لحظات اولیه دارای هندسه (انحنای) تخت بوده و این خود محل پرسش برای فیزیکدانان است که از طرق مختلف سعی در توجیه و توضیح آن دارند و هنوز جای بررسی و پژوهش دارد.

نتیجه

اگرچه در فلسفه به شکل کلاسیک و با نگاه غالب، استدلال‌های ریاضی درباره تناهی عالم طبیعت اقامه شده، اما این دلایل خدشه‌پذیرند و در مواردی مانند چگونگی توضیح درباره کرانه‌های (مرزهای) عالم (عالم محدود) با مشکلات جدی برخورد می‌کنند. البته این نگرانی که به هر حال عالم طبیعت مخلوق ممکن‌الوجود و محدود است با استدلال‌های ریاضی قابل رفع است که اگر این عدم تناهی در یک یا چند بعد باشد جای اشکال نیست. چون به هر حال این‌چنین عالمی را همواره می‌توان در عالم «بزرگتری» (با ابعاد بالاتر) محصور کرد و فقط در یک صورت که عالم طبیعت دارای تعداد بی‌نهایت بُعد آن هم به شکل پیوسته و در هر بُعد هم با گستردگی بی‌نهایت باشد به مشکل برミ خوریم و غیرممکن است. همچنین، اینکه ظاهر مدل استاندارد کیهان‌شناسی دال بر متناهی بودن عالم باشد نیز محل تأمل است و شاید کشفیات رصدی و تجربی جدید در فیزیک و کیهان‌شناسی جدید لازم باشد تا این موضوع به شکل واضح‌تر دنبال شود.

این مطلب را هم باید بگوییم که گرچه کلیه دلایل فلاسفه را بر تناهی عالم مخدوش دانستیم اما این دلیل بر آن نیست که عالم طبیعت محصور عوالم مجرد بالاتر از خود نباشد. چون طبق روایاتی که از امام معصوم (ع) به ما رسیده عالم طبیعت مانند حلقه انگشتی در یک بیابان نسبت به عالم مجرد است و در آیات قرآن هم به این مطلب اشاره شده است که عالم طبیعت تحت تدبیر عوالم بالاتر از خود است. با این حال آیات و روایاتی که حکایت از این دارند که عالم طبیعت محصور عوالم بالاتر از خود است با پژوهش ما منافاتی ندارد که عالم طبیعت یک عالم

بررسی تابعی عدم تابعی عالم طبیعت از مطری فلسفه و بیان ثناشی جدید

نامتناهی باشد ولی در عین حال محصور یک عالم بالاتر از خود باشد چون بیان کردیم که مثلاًیک عالم سه‌بعدی نامتناهی می‌تواند محصور در یک عالم چهار‌بعدی نامتناهی باشد. در پایان لازم است به اختصار به این موضوع شناخته‌شده در ریاضیات اشاره کنیم که بین دو عنوان بی‌کران و بی‌نهایت (یا نامتناهی) باید تفاوت قائل شد. برای مثال، مکان هندسی نقطایی که در معادله $a < r$ صدق می‌کنند نمایانگر دیسک محاط در دائیره به شعاع a است که مرز و کرانی ندارد، اما نهایت آن مقدار محدود $a = r$ است؛ یعنی حجمی (سطحی) بی‌کران ولی محدود و متناهی. با این مثال ساده می‌توان حالتی را برای هندسه عالم طبیعت (کل کیهان) متصور شد که بی‌کران و بدون مرز ولی متناهی باشد که در این حالت به پرسش‌هایی نظیر اینکه آخر عالم یا مرز عالم چیست و از چه تشکیل شده موadge نمی‌شویم. همان‌گونه که می‌دانیم وضعیت ما بر روی سطح کره زمین (فارغ از دانش و آگاهی مان از سه‌بعدی بودن کره زمین و صرف نظر از ارتفاع قد یک انسان و پستی و بلندی‌های روی زمین که در مقایسه با شعاع زمین قابل چشم‌پوشی‌اند) مثال کم و بیش واقعی از یک حالت بی‌کران (بدون مرز) ولی محدود است (هندسه دو‌بعدی سطح کره).

منابع

۱. ابن‌سینا، حسین بن عبدالله (۱۴۰۴). *الشفاء (الطبیعت)*، قم: مکتبة آیة الله مرعشی، ج ۱.
۲. حسن‌زاده آملی، حسن (۱۳۸۰). هزار و یک نکته، قم: نشر فرهنگی رجاء، چاپ چهارم.
۳. سیزوواری، ملا هادی (۱۳۶۹-۱۳۷۹). *شرح المنظومة*، تهران: نشر ناب، چاپ اول، ج ۴.
۴. سهروردی، شهاب‌الدین یحیی (۱۳۷۵). *مجموعه مصنفات شیخ اشراق*، تهران: مؤسسه مطالعات و تحقیقات فرهنگی، چاپ دوم، ج ۴.
۵. صدرالدین شیرازی، محمد بن ابراهیم (۱۳۷۳). *الحكمة المتعالية في الاسفار العقلية الاربعة*. تهران: بنیاد حکمت اسلامی صدرا، چاپ اول، ج ۵.
۶. ----- (۱۹۸۱). *الحكمة المتعالية في الاسفار العقلية الاربعة*، بیروت: دار احیاء التراث، چاپ سوم، ج ۴.
۷. صلیبا، جمیل (۱۳۶۶). *فرهنگ فلسفی*، ترجمه: منوچهر صانعی دره‌بیدی، تهران: انتشارات حکمت، چاپ اول.
۸. عاملی (شیخ بهایی)، محمد بن حسین (۱۴۰۳). کشکول، بیروت: انتشارات اعلمی، چاپ ششم، ج ۲.

فصلنامه علمی پژوهشی دانگاه قم: سال شانزدهم، شماره دوم، شماره پیاپی ۶۲ (زمستان ۱۳۹۳)

۹. ملک‌شاهی، حسن (۱۳۶۳). ترجمه و شرح اشارات و تنبیهات ابن‌سینا، تهران: انتشارات سروش.

۱۰. هاوکینگ، استیون؛ ولیام، استفن (۱۳۶۹). تاریخچه زمان از انفجار بزرگ تا سیاه‌چال‌ها، ترجمه: حبیب‌الله دادرما، زهره دادرما، تهران: انتشارات کیهان، چاپ اول.

۱۱. هوگان، کرایگ (۱۳۸۰). انفجار بزرگ؛ نگاهی به چگونگی شکل‌گیری کیهان، ترجمه: علی فعال پارسا، مشهد: شرکت بهنشر، چاپ چهارم.

12. Bondi, H.; Gold, T. (1948). "The Steady-State Theory of the Expanding Universe," MNRAS, vol. 108.

13. Hoyle, Fred (1948). "A New Model for the Expanding Universe," MNRAS, vol. 108.

14. Hubble, Edwin (1929). "A Relation between Distance and Radial Velocity among Extra-Galactic Nebulae" *Proceedings of the National Academy of Sciences of the United States of America*, Vol. 15, Issue 3, pp. 168-173.

15. Thomson, William (1862). "On the age of the sun's heat", Macmillan's Mag., vol. 5, 288–93; PL, 1, 394–68.